

BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9
LUYỆN TẬP HÀM SỐ BẬC NHẤT VÀ ĐỒ THỊ (tiếp)
Tài liệu lớp học trực tiếp 9A0.1 – 18h – 21h15 – Tối thứ 6 – 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:Ngày học:

Câu 5. Tính tọa độ trung điểm và khoảng cách giữa hai điểm $A(x_A; y_A), B(x_B; y_B)$.

Câu 6. Cho hai đường thẳng $(d_1): y = 3x + 5m + 2$ và $(d_2): y = 7x - 3m - 6$.

- Tìm tọa độ giao điểm A của $d_1; d_2$
- Chứng minh khi m thay đổi, điểm A luôn di chuyển trên một đường thẳng cố định.

Câu 7. Tìm khoảng cách từ điểm $A(1; 2)$ đến đường thẳng $(d): y = x - 1$

Câu 8. Cho họ đường thẳng $d_m: y = 2x + m - 1$. Tìm m để khoảng cách từ mỗi đường thẳng (ứng với giá trị ấy của m) đến điểm $A(-1; 1)$ bằng 2.

Câu 9. Cho đường thẳng $d_m: y = \frac{m^2 - 1}{2m}x + \frac{2m + 1}{m}, m \neq 0$ và $A(1; 2)$.

- Tính khoảng cách từ A đến d_m .
- Chứng minh họ đường thẳng d_m luôn tiếp xúc với 1 đường tròn cố định.

BTVN

Câu 12. Cho hai đường thẳng $(d_1): y = x + m + 2$ và $(d_2): y = 2x - 3m - 1$.

- Tìm tọa độ giao điểm A của $d_1; d_2$
- Chứng minh khi m thay đổi, điểm A luôn di chuyển trên một đường thẳng cố định.

Câu 13. Tìm khoảng cách từ điểm $A(2; 3)$ đến đường thẳng $(d): y = 2x + 3$

BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9
TIẾP TUYẾN, TỨ GIÁC NỘI TIẾP

Tài liệu lớp học trực tiếp 9A0.1 – 18h – 21h15 – Tối thứ 6 – 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:Ngày học:

I. Lý thuyết:

Định nghĩa: Một tứ giác có bốn đỉnh nằm trên một đường tròn được gọi là tứ giác nội tiếp đường tròn (gọi tắt là tứ giác nội tiếp)

Định lý: Trong một tứ giác nội tiếp, tổng số đo hai góc đối nhau bằng 180°

Định lý đảo: Nếu một tứ giác có tổng số đo hai góc đối nhau bằng 180° thì tứ giác đó nội tiếp được đường tròn.

Phương tích: Tứ giác ABCD có AC cắt BD tại M, tứ giác nội tiếp $\Leftrightarrow MA \cdot MC = MB \cdot MD$.

Tiếp tuyến: Tam giác ABC, $MA \cdot MA = MB \cdot MC \Leftrightarrow MA$ là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp (ABC).

II. Bài tập vận dụng:

Câu 1. Cho ΔABC nhọn và nội tiếp đường tròn tâm O, hai đường cao BE, CF. Tia AO cắt (O) ở D, cắt EF ở I. Chứng minh tứ giác BDIF nội tiếp

Câu 2. Cho (O) đường kính AB. C là điểm trên tiếp tuyến của (O) tại A, BC cắt (O) tại H. Với mỗi điểm M thuộc AC, BM cắt (O) tại N (N khác B). Chứng minh rằng 2 góc CHM và CNM bằng nhau.

Câu 3. Cho (O) dây AB cố định không đi qua O. M là điểm chính giữa của cung nhỏ AB; C và D là các điểm phân biệt nằm giữa A và B. Các đường thẳng MC và MD cắt đường tròn tâm (O) tại E và F. Chứng minh rằng C, D, E, F nằm trên một đường tròn.

Câu 4. Cho ΔABC nhọn có các đường cao AD, BE, CF. M là điểm bất kì nằm giữa D và F. Từ M kẻ đường thẳng song song với BC cắt DE tại N. I là điểm thuộc DE sao cho $\widehat{MAI} = \widehat{BAC}$. Chứng minh rằng tứ giác AMNI nội tiếp.

Câu 5. Cho tam giác ABC nhọn nội tiếp (O). Hai đường cao BD và CE cắt nhau tại H. Gọi F là điểm đối xứng của H qua trung điểm M của BC. Đường thẳng FH cắt đường tròn (O) tại một điểm thứ hai là G. Chứng minh năm điểm A, D, H, E, G cùng thuộc một đường tròn.

Câu 6. Từ 1 điểm P bên ngoài đường tròn (O), kẻ các tiếp tuyến PA, PB với (O). Gọi M là trung điểm của AP và N là giao điểm của BM với (O). Gọi N' là điểm đối xứng với N qua M. Chứng minh tứ giác AN'PB nội tiếp.

Câu 7. Cho nửa đường tròn (O) đường kính $AB = 2R$ và điểm C nằm ngoài đường tròn. CA cắt nửa đường tròn ở M , CB cắt nửa đường tròn ở N . Gọi H là giao điểm của AN và BM .

a) Chứng minh $CH \perp AB$

b) Gọi I là trung điểm của CH . Chứng minh MI là tiếp tuyến của nửa đường tròn (O) .

Câu 8. Cho hình thoi $ABCD$ có $\widehat{B} = 60^\circ$. Qua D vẽ một đường thẳng nằm ngoài hình thoi nhưng cắt các đường thẳng AB và BC tại E và F . Gọi K là giao điểm của AF và CE . Chứng minh rằng AD là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác KDF .

Câu 9. Cho tam giác ABC nhọn nội tiếp đường tròn (O) . Gọi D là điểm chính giữa của cung nhỏ BC . Vẽ đường tròn (O') đi qua hai điểm A và D sao cho (O') cắt cạnh AC tại M , cắt tia AB tại N và cắt tia đối của tia BD tại P . Chứng minh rằng:

a) D là điểm chính giữa của cung MN

b) NP song song với tiếp tuyến tại B của đường tròn (O)

Câu 10. Cho đường tròn (O') tiếp xúc với hai cạnh Ox và Oy của \widehat{xOy} tại A và B . Từ A kẻ tia song song với OB cắt (O') tại C . Đoạn OC cắt đường tròn (O') tại E . Hai đường thẳng AE và OB cắt nhau tại K . Chứng minh K là trung điểm của OB .

Câu 11. Cho tam giác ABC nhọn nội tiếp đường tròn (O) . Vẽ phân giác trong AD của góc A ($D(O)$). Lấy điểm E thuộc cung nhỏ AC . Nối BE cắt AD và AC lần lượt tại I và K , nối DE cắt AC tại J . Chứng minh rằng:

a) $\widehat{BID} = \widehat{AJE}$

b) $AI \cdot JK = IK \cdot EJ$

Câu 12. Cho tứ giác $ABCD$ có $A; B; C; D$ nằm trên đường tròn (O) ; AB và CD cắt nhau tại M ; AD và BC cắt nhau tại N .

a) Tính số đo các góc của tứ giác $ABCD$ nếu $\widehat{AMD} = 30^\circ$; $\widehat{BND} = 40^\circ$

b) Hai tia phân giác của góc M và góc N cắt nhau tại I . Chứng minh $IM \perp IN$

Câu 13. Cho AB là đường kính của đường tròn $(O; R)$. C là một điểm thay đổi trên đường tròn (C khác A và B), kẻ CH vuông góc với AB tại H . Gọi I là trung điểm của AC , OI cắt tiếp tuyến tại A của đường tròn $(O; R)$ tại M , MB cắt CH tại K .

- a) Chứng minh 4 điểm C, H, O, I cùng thuộc một đường tròn
- b) Chứng minh MC là tiếp tuyến của $(O; R)$.
- c) Chứng minh K là trung điểm của CH .
- d) Xác định vị trí của C để chu vi tam giác ACB đạt giá trị lớn nhất? Tìm giá trị lớn nhất đó theo R .