

BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9
HƯỚNG DẪN BÀI TẬP VỀ NHÀ NGÀY 03.09
Tài liệu lớp học trực tiếp 9A0.1 – 18h – 21h15 – Tối thứ 6 – 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:Ngày học:

ĐẠI SỐ

Câu 10. Giải hệ phương trình

$$\text{a) } \begin{cases} 3x - 5y = 12 \\ 2x + 5y = -2 \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} 5x - 2y = 1 \\ 2x + 3y = 8 \end{cases}$$

Giải:

$$\text{a) } \begin{cases} 3x - 5y = 12 \\ 2x + 5y = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x + 2x = 12 - 2 \\ 2x + 5y = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 10 \\ 5y = -2 - 2x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -\frac{6}{5} \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} 5x - 2y = 1 \\ 2x + 3y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 15x - 6y = 3 \\ 4x + 6y = 16 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 19x = 19 \\ 2y = 5x - 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 2 \end{cases}$$

Câu 11. Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}y = \frac{2}{3} \end{cases}$$

HD:

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}y = \frac{2}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x + 2y = 2 \\ 4x + 3y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 9x + 6y = 6 \\ 8x + 6y = 16 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 9x + 6y = 6 \\ x = -10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -10 \\ y = 16 \end{cases}$$

Câu 12. Giải hệ phương trình

$$\text{a) } \begin{cases} x\sqrt{2} - 3y = 1 \\ 2x + y\sqrt{2} = -2 \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} 5x\sqrt{3} + y = 2\sqrt{2} \\ x\sqrt{6} - y\sqrt{2} = 2 \end{cases}$$

HD:

a) Nhân phương trình thứ nhất với $-\sqrt{2}$ ta được hệ tương đương:
$$\begin{cases} -2x + 3\sqrt{2}y = -\sqrt{2} \\ 2x + y\sqrt{2} = -2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x\sqrt{2} - 3y = 1 \\ 2x + y\sqrt{2} = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2x + 3\sqrt{2}y = -\sqrt{2} \\ 2x + y\sqrt{2} = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4\sqrt{2}y = -2 - \sqrt{2} \\ 2x + y\sqrt{2} = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \frac{-1 - \sqrt{2}}{4} \\ 2x + \sqrt{2} \cdot \frac{-1 - \sqrt{2}}{4} = -2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x = \frac{\sqrt{2} + 2}{4} - 2 \\ y = \frac{-1 - \sqrt{2}}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x = \frac{\sqrt{2} - 6}{4} \\ y = \frac{-1 - \sqrt{2}}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\sqrt{2} - 6}{8} \\ y = \frac{-1 - \sqrt{2}}{4} \end{cases}$$

b) Nhân phương trình thứ nhất với $\sqrt{2}$:

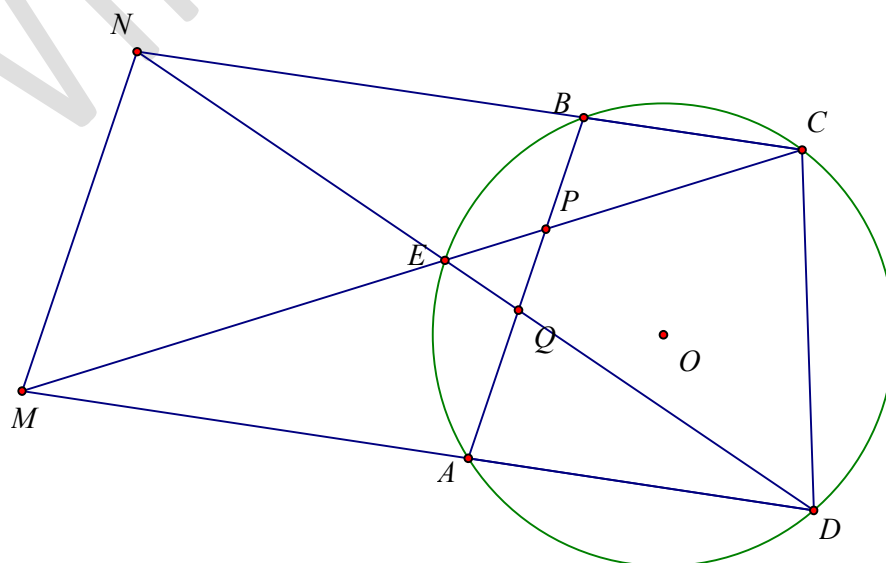
$$\begin{cases} 5x\sqrt{3} + y = 2\sqrt{2} \\ x\sqrt{6} - y\sqrt{2} = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x\sqrt{6} + y\sqrt{2} = 4 \\ x\sqrt{6} - y\sqrt{2} = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6\sqrt{6}x = 6 \\ 5x\sqrt{3} + y = 2\sqrt{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{\sqrt{6}} \\ 5\sqrt{3} \cdot \frac{1}{\sqrt{6}} + y = 2\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{\sqrt{6}} \\ y = -\frac{5}{\sqrt{2}} + 2\sqrt{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{\sqrt{6}} \\ y = -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

HÌNH HỌC

Câu 9. Cho tứ giác ABCD nội tiếp (O). Gọi E là điểm chính giữa của cung nhỏ AB. Tia CE cắt tia DA tại M và cắt AB tại P, tia DE cắt tia CB tại N và cắt AB tại Q. Chứng minh DCNM, CPQD là các tứ giác nội tiếp.

HD:

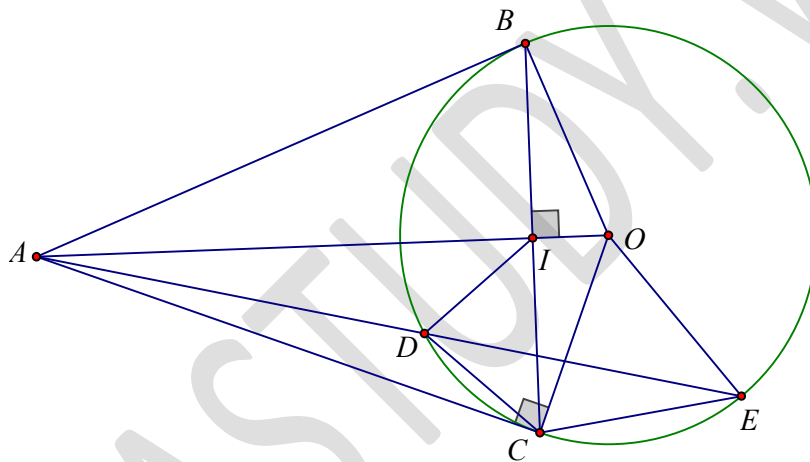


Vì E là điểm chính giữa \widehat{AB} nên $sd\widehat{AE} = sd\widehat{BE}$ mà \widehat{NCM} là góc nội tiếp chắn cung \widehat{BE} , \widehat{MDN} là góc nội tiếp chắn \widehat{AE} nên $\widehat{NDM} = \widehat{MCD}$ suy ra tứ giác $DCNM$ nội tiếp (hai đỉnh kề nhau cùng nhìn một cạnh dưới hai góc bằng nhau)

Ta có: $\widehat{BPC} = \frac{1}{2}(sd\widehat{AE} + sd\widehat{BC}) = \frac{1}{2}(sd\widehat{BE} + sd\widehat{BC}) = \frac{1}{2}sd\widehat{EC} = \widehat{EDC}$ mà $\widehat{BPC} + \widehat{CPQ} = 180^\circ$ nên $\widehat{CPQ} + \widehat{QDC} = 180^\circ$ nên tứ giác $CDQP$ là tứ giác nội tiếp (hai góc đối diện bù nhau)

Câu 10. Từ điểm A nằm ngoài (O) , 2 tiếp tuyến AB, AC và cát tuyến ADE (không đi qua tâm O). Tia AO cắt BC tại I . Chứng minh $DEOI$ là tứ giác nội tiếp.

HD:



Theo tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau, ta có: $OA \perp BC$.

Xét tam AOC vuông tại C có đường cao CI . Áp dụng hệ thức về cạnh và đường cao trong tam giác vuông, ta có:

$$AC^2 = AI \cdot AO \quad (1)$$

Ta có: \widehat{ACD} là góc tạo bởi tiếp tuyến CA và dây cung CD nên $\widehat{ACD} = \widehat{DCE}$ (tính chất góc tạo bởi tiếp tuyến và dây cung)

Xét $\triangle ACD$ và $\triangle AEC$ có:

\widehat{A} chung

$$\widehat{ACD} = \widehat{CED} \text{ (cmt)}$$

Suy ra $\triangle ACD \sim \triangle AEC$ (g.g) nên $\frac{AC}{AE} = \frac{AD}{AC} \Rightarrow AC^2 = AE \cdot AD \quad (2)$

Từ (1) và (2) suy ra $AI \cdot AO = AE \cdot AD \Rightarrow \frac{AI}{AE} = \frac{AD}{AO}$

Xét $\triangle OAE$ và $\triangle ADI$ có:

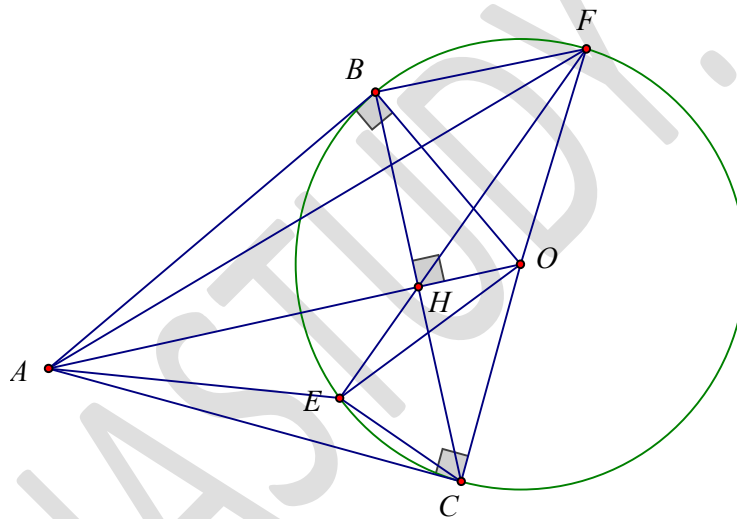
$$\frac{AI}{AE} = \frac{AD}{AO} \text{ (cmt)}$$

\hat{A} chung

Nên $\triangle OAE \sim \triangle DAI$ (c.g.c) nên $\widehat{AID} = \widehat{DEO}$ mà $\widehat{AID} + \widehat{DIO} = 180^\circ$ suy ra $\widehat{DIO} + \widehat{DEO} = 180^\circ$ nên tứ giác $DIOE$ là tứ giác nội tiếp (hai góc đối diện bù nhau).

Câu 11. Từ điểm A nằm ngoài (O) vẽ 2 tiếp tuyến AB, AC với đường tròn (B, C là các tiếp tuyến). Gọi H là giao của OA và BC , EF là một dây của (O) đi qua H . Chứng minh $AEOF$ là tứ giác nội tiếp.

HD:



Xét $\triangle HEC$ và $\triangle HBF$ có:

$$\widehat{EHC} = \widehat{BHF} \text{ (hai góc đối đỉnh)}$$

$$\widehat{ECH} = \widehat{BFH} \text{ (hai góc nội tiếp chắn cung } \widehat{BE} \text{)}$$

$$\text{Suy ra } \triangle HEC \sim \triangle HBF \text{ (g.g) nên } \frac{HE}{HC} = \frac{HB}{HF} \Rightarrow HE.HF = HB.HC \text{ (1)}$$

Xét tứ giác $ABOC$ có: $\widehat{ABO} + \widehat{ACO} = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ nên tứ giác $ABOC$ là tứ giác nội tiếp (hai góc đối diện bù nhau)

$$\text{Suy ra } \widehat{ABC} = \widehat{AOC} \text{ (tính chất tứ giác nội tiếp) nên } \widehat{ABH} = \widehat{HOC} .$$

Xét $\triangle HAB$ và $\triangle HOC$ có:

$$\widehat{AHB} = \widehat{OHC} \text{ (hai góc đối đỉnh)}$$

$$\widehat{ABH} = \widehat{HOC} \text{ (cmt)}$$

$$\text{Nên } \triangle HAB \sim \triangle HCO \text{ (g.g) } \Rightarrow \frac{HA}{HC} = \frac{HB}{HO} \Rightarrow HA.HO = HC.HB \text{ (2)}$$

Từ (1) và (2) suy ra $HE.HF = HA.HO \Rightarrow \frac{HE}{HA} = \frac{HO}{HF}$

Xét $\triangle HAE$ và $\triangle HFO$ có:

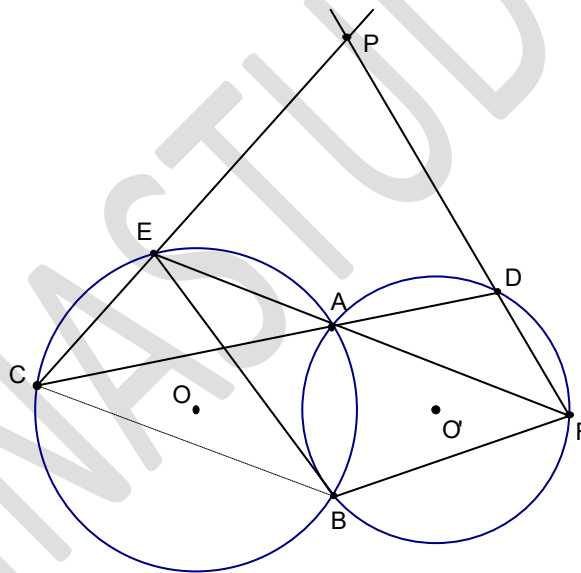
$$\widehat{AHE} = \widehat{FHO} \text{ (hai góc đối đỉnh)}$$

$$\frac{HE}{HA} = \frac{HO}{HF} \text{ (cmt)}$$

Nên $\triangle AHE \sim \triangle FHO$ (c.g.c) $\Rightarrow \widehat{HAE} = \widehat{HFO}$ hay $\widehat{EAO} = \widehat{EOF}$ nên tứ giác $AEOF$ là tứ giác nội tiếp (hai đỉnh kề nhau cùng nhìn cạnh EO dưới hai góc bằng nhau).

Câu 12. Cho hai đường tròn (O) và (O') cắt nhau tại A và B . Qua A vẽ hai cát tuyến CAD và EAF ($C, E \in (O)$; $D, F \in (O')$). Đường thẳng CE cắt đường thẳng DF tại P . Chứng minh tứ giác $BEPF$ nội tiếp.

HD:



Ta có $\widehat{BEP} = \widehat{ECB} + \widehat{EBC}$ (góc ngoài tam giác CEB) mà $\widehat{ECB} = \widehat{BAF}$ (góc ngoài của tứ giác $ABCE$ nội tiếp)

$$\widehat{EBC} = \widehat{EAC} = \widehat{DAF} \text{ nên } \widehat{BEP} = \widehat{BAF} + \widehat{DAF} = \widehat{BAD}$$

Mà tứ giác $ABFD$ nội tiếp nên $\widehat{BAD} + \widehat{BFD} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{BEP} + \widehat{BFP} = 180^\circ \Rightarrow BEPF \text{ là tứ giác nội tiếp.}$$