

**BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9**

**TIẾP TUYẾN (TIẾP)**

Tài liệu lớp học zoom 9.1 – 18h – 21h15 – Tối thứ 5 – 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên: .....Ngày học: .....

**Câu 1.** Cho nửa đường tròn tâm  $O$  đường kính  $AB$ ; kẻ  $Ax$ ,  $By$  là hai tiếp tuyến của  $(O)$  ( $Ax$ ,  $By$  cùng phía đối với đường thẳng  $AB$ ). Trên  $Ax$  lấy điểm  $C$ , trên  $By$  lấy điểm  $D$  sao cho  $AC \cdot BD = \frac{1}{4} \cdot AB^2$ .

Chứng minh  $CD$  là tiếp tuyến của đường tròn tâm  $(O)$ .

**Câu 2.** Cho tam giác nhọn  $ABC$ , đường cao  $AH$ . Gọi  $M$  và  $N$  lần lượt là trung điểm của  $AB$  và  $AC$ . Chứng minh rằng  $MN$  là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $MBH$ .

**Câu 3.** Cho nửa đường tròn đường kính  $AB$ . Trên đoạn  $AB$  lấy điểm  $M$ , gọi  $H$  là trung điểm  $AM$ . Đường thẳng qua  $H$  vuông góc với  $AB$  cắt  $(O)$  tại  $C$ . Đường tròn đường kính  $MB$  cắt  $CB$  tại  $I$ . Chứng minh  $HI$  là tiếp tuyến của đường tròn đường kính  $MI$ .

**Câu 4.** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ , đường cao  $AH$ . Đường tròn đường kính  $BH$  cắt  $AB$  tại  $D$ , đường tròn đường kính  $CH$  cắt  $AC$  tại  $E$ . Chứng minh rằng  $DE$  là tiếp tuyến chung của  $(I)$  và  $(J)$ .

**Câu 5.** Cho tam giác  $ABC$  có ba cạnh là  $AB = 3cm, AC = 4cm, BC = 5cm$ . Từ  $A$  hạ đường cao  $AH$ , vẽ đường tròn tâm  $A$ , bán kính  $AH$ . Kẻ các đường tiếp tuyến  $BD, CE$  với đường tròn ( $D, E$  là các tiếp điểm khác  $H$ ).

Chứng minh rằng :

- a) Ba điểm  $D, A, E$  thẳng hàng .
- b)  $DE$  tiếp xúc với đường tròn đường kính  $BC$ .

**Bài tập về nhà**

**Câu 6.** Cho đường tròn  $(O)$  đường kính  $AB = 2R$ ; bán kính  $OC$  vuông góc với  $AB$ . Lấy điểm  $F$  thuộc đoạn  $OB$ . Kẻ  $CF$  cắt đường tròn  $(O)$  tại  $D$ . Vẽ tiếp tuyến tại  $D$  của  $(O)$  cắt  $AB$  tại  $E$ . Chứng minh rằng  $DE = EF$ .

**Câu 7.** Cho ba điểm thẳng hàng theo thứ tự  $A; B; C$ . Vẽ hai nửa đường tròn đường kính  $AB$  và  $BC$  (vẽ cùng phía so với  $AC$ ). Trên đường thẳng vuông góc với  $AC$  tại  $B$  lấy điểm  $D$  sao cho  $\widehat{ADC} = 90^\circ$ . Giao điểm của  $DA$  và  $DC$  với hai nửa đường tròn là  $E$  và  $F$ . Chứng minh rằng:

- a)  $EF$  là tiếp tuyến chung của hai nửa đường tròn
- b)  $EF^2 = AB \cdot BC$

**BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9**  
**HÀM SỐ - HÀM SỐ BẬC NHẤT VÀ ĐỒ THỊ**  
Tài liệu lớp học zoom 9.1 – 18h – 21h15 – Tối thứ 5 – 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên: .....Ngày học: .....

**2. Dạng 2: Tìm hệ số biết đồ thị hàm bậc nhất đi qua 1 điểm, xác định điểm thuộc hay không thuộc đồ thị hàm số.**

**Câu 9.** Kiểm tra đồ thị hàm số  $y = 3x - 1$  đi qua những điểm nào sau đây

- a)  $A(1;2)$       b)  $B(0;1)$       c)  $C(1;-2)$       d)  $O(0;0)$

**Câu 10.** Cho hàm số bậc nhất  $y = (a+2)x - 1$ . Tìm hệ số  $a$ , biết rằng đồ thị hàm số đi qua điểm  $A(1;2)$

**Câu 11.** Cho hàm số bậc nhất  $y = (a+1)x + b + 1$  Tìm hệ số  $a, b$  biết rằng đồ thị hàm số đi qua điểm  $A(1;2); B(-1;1)$

**BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9**

**ĐỒ THỊ HÀM SỐ  $y = ax + b$ .**

**ĐƯỜNG THẲNG: SONG SONG, CẮT NHAU**

**Tài liệu lớn học zoom 9.1 – 18h– 21h15– Thứ 5 – 23/26 Nguyễn Hồng**

Họ và tên: .....Ngày học: .....

**A. Lí thuyết**

**1. Vẽ đồ thị hàm số**

**Đồ thị hàm số  $y = f(x) = ax + b, (a \neq 0)$ : Là đường thẳng**

**Phương pháp vẽ:**

Cho  $x = x_1 \Rightarrow y_1 = f(x_1) = ax_1 + b$ . Đồ thị qua  $A(x_1; y_1)$ :

Cho  $x = x_2 \Rightarrow y_2 = f(x_2) = ax_2 + b$ . Đồ thị qua  $B(x_2; y_2)$ . Nối  $AB$  kéo dài ta có đồ thị.

+ VD: Vẽ bốn đồ thị hàm số  $y = 2x$ ;  $y = 2x + 3$ ;  $y = 2x - 2$ ; và  $y = 3x - 3$  trên cùng một hệ trục tọa độ và đưa ra nhận xét.

**2. Đường thẳng song song, đường thẳng cắt nhau**

Hai đường thẳng  $y = ax + b$  và  $y = a'x + b'$  ( $a, a' \neq 0$ )

+ Trùng nhau khi  $\begin{cases} a = a' \\ b = b' \end{cases}$

+ Song song với nhau khi  $\begin{cases} a = a' \\ b \neq b' \end{cases}$

+ Cắt nhau khi  $a \neq a'$ .

**B. Bài tập**

**1. Dạng 1: Vẽ đồ thị**

**Câu 1.** Vẽ đồ thị hàm số  $y = |x|$

**Câu 2.**

a) Vẽ đồ thị của hàm số  $y = 3x - 1$

b) Vẽ đồ thị của hàm số  $y = 3|x| - 1$ .

## **2. Dạng 2: Xác định các cặp đường thẳng song song, cắt nhau, trùng nhau**

**Câu 3.** Hãy chỉ ra 3 cặp đường thẳng cắt nhau và các cặp đường thẳng song song với nhau trong các đường thẳng sau:

- a)  $y = 3x + 2$ ;                      b)  $y = \frac{1}{3}x - 2$ ;                      c)  $y = -x + 2$ ;  
d)  $y = \frac{1}{3}x + 2021$                       e)  $y = 3x - 2021$                       g)  $y = -x + 2021$

**Câu 4.** Cho hai hàm số bậc nhất:  $y = (m+1)x + n$ ,  $y = (2m+4)x + 2n - 2$ . Tìm giá trị của  $m, n$  để đồ thị của hai hàm số đã cho là:

- a) Hai đường thẳng song song;  
b) Hai đường thẳng cắt nhau.

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = 3x - 3$  và  $y = -3x + 2m + 9$ . Với giá trị nào của  $m$  thì:

- a) Đồ thị hai hàm số cắt nhau tại 1 điểm nằm trên trục hoành  
b) Đồ thị hai hàm số cắt nhau tại 1 điểm nằm trên trục tung

## **3. Dạng 3: Xác định hàm số $y = ax + b$ biết đồ thị của nó thỏa mãn điều kiện cho trước**

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = 2x + b$ . Xác định hệ số  $b$  trong mỗi trường hợp:

- a) Đồ thị của hàm số đã cho cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng  $-3$ .  
b) Đồ thị của hàm số đã cho đi qua điểm  $(1;5)$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = 2x - 3$  có đồ thị  $(d)$ . Định  $m$  để đường thẳng  $(d')$ :  $y = (m-1)x + 1$  cắt đường thẳng  $(d)$  tại điểm  $A$  có hoành độ bằng  $1$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = (m-1)x + m$

- a) Xác định giá trị của  $m$  để đồ thị của hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng  $2$ .  
b) Xác định giá trị của  $m$  để đồ thị của hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng  $-3$ .

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = (m-2)x + 3$  có đồ thị là đường thẳng  $(d)$

- a) Xác định  $m$  biết  $(d)$  đi qua  $A(1;-1)$ .  
b) Viết phương trình đường thẳng đi qua điểm  $B(-2;2)$  và song song với đường thẳng vừa tìm được ở câu a.

**Câu 10.** Cho hai đường thẳng  $y = 2x - 1$  ( $d_1$ );  $y = -x + 2$  ( $d_2$ ). Chứng tỏ rằng hai đường thẳng ( $d_1$ ) và ( $d_2$ ) cắt nhau. Xác định tọa độ giao điểm  $I$  của chúng và vẽ hai đường thẳng này trên cùng một hệ trục tọa độ.

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = (2m-1)x + 2$  có đồ thị là đường thẳng  $(d_m)$ . Tìm  $m$  để  $d_m$  đồng quy với hai đường thẳng  $(d_1): y = x + 4$  và  $(d_2): y = -2x + 7$  tại cùng một điểm.

### C. Bài tập về nhà

**Câu 12.** Cho hàm số bậc nhất:  $y = (2m-2)x + 1$  ( $m \neq 1$ ). Tìm các giá trị của  $m$  để hàm số

- a) Đồng biến;    b) Nghịch biến.

**Câu 13.** Với giá trị nào của  $m$  thì các hàm số sau là hàm số bậc nhất?

a)  $y = \sqrt{1+m}(x-1)$ ;    b)  $y = (m-3)x + \sqrt{2m}$ ;

c)  $y = \frac{m-1}{m+2}x - 1$ .

**Câu 14.** Kiểm tra đồ thị hàm số  $y = 2x + 3$  đi qua những điểm nào sau đây:

- a)  $A(1;2)$                       b)  $B(0;3)$                       c)  $C(1;5)$                       d)  $D(-1;-1)$

**Câu 15.** Cho hàm số bậc nhất  $y = (2a-1)x - 1$ . Tìm hệ số  $a$ , biết rằng đồ thị hàm số đi qua điểm  $A(-1;2)$ .

**Câu 16.** Cho hàm số bậc nhất  $y = (a+1)x - b$ . Tìm hệ số  $a, b$  biết rằng đồ thị hàm số đi qua điểm  $A(1;2): B(-1;1)$ .

**Câu 17.** Cho hai đường thẳng :

$(d): y = (k-3)x - 3k + 4$  và  $(d'): y = (2k+1)x + k + 5$

Với giá trị nào của  $k$  thì:

- a)  $(d)$  cắt  $(d')$ ?  
b)  $(d)$  song song với  $(d')$ ?  
c)  $(d)$  cắt  $(d')$  tại một điểm trên trục tung ?

**Câu 18.** Cho hàm số bậc nhất:  $y = (2m-7)x + 5$  (1) với  $m \neq \frac{7}{2}$ . Tìm giá trị của  $m$  để đồ thị hàm số (1) cắt đường thẳng  $y = 2x + 3$  tại điểm có hoành độ bằng -2.

**Câu 19.**

- a) Biết khi  $x = 3$  thì hàm số  $y = 2x + b$  có giá trị bằng 4. Tính  $b$ .  
b) Biết đồ thị hàm số  $y = ax - 2$  đi qua  $M(2; -4)$ . Xác định  $a$ .  
c) Vẽ đồ thị hai hàm số ở câu a và câu b trên cùng hệ trục tọa độ  $Oxy$ . Hai đồ thị hàm số này cắt nhau tại  $A$  và cắt trục  $Ox$  tại  $B$  và  $C$ . Tìm tọa độ của  $A$  ;  $B$  ;  $C$  và tính chu vi, diện tích tam giác  $ABC$ .

VINASTUDY.VN