

BỒI DƯỠNG NĂNG LỰC TOÁN 9
HƯỚNG DẪN BÀI TẬP VỀ NHÀ NGÀY 08.10
Tài liệu lớp học trực tiếp 9A0.1 – 18h – 21h15 – Thứ 6 – 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:Ngày học:

ĐẠI SỐ

Câu 7. Giải phương trình $\sqrt{2-x} = 2-x^2$.

HD:

$$\text{Điều kiện } \begin{cases} 2-x \geq 0 \\ 2-x^2 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -\sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{2}.$$

$$\text{Đặt } u = \sqrt{2-x} \geq 0 \Rightarrow x = 2-u^2.$$

$$\text{Vậy ta có hệ } \begin{cases} u = 2-x^2 & (1) \\ x = 2-u^2 & (2). \end{cases}$$

$$\text{Trừ (1) cho (2) theo từng vế, được } u-x = u^2-x^2 \Leftrightarrow (u-x)(u+x-1) = 0.$$

$$\text{Trường hợp 1: } u = x \Leftrightarrow \sqrt{2-x} = x, \text{ giải ra có } x = 1 \text{ (thỏa mãn).}$$

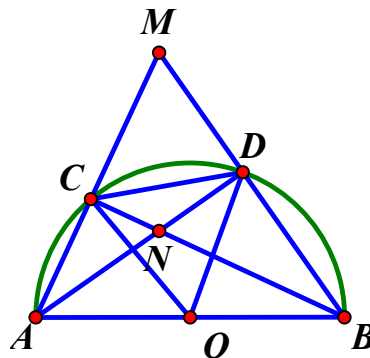
$$\text{Trường hợp 2: } u = -x+1 \Leftrightarrow \sqrt{2-x} = -x+1, \text{ giải ra có } x = \frac{1-\sqrt{5}}{2} \text{ (thỏa mãn).}$$

$$\text{Vậy phương trình có nghiệm } x = 1 \text{ và } x = \frac{1-\sqrt{5}}{2}.$$

HÌNH HỌC

Câu 10. Cho đường tròn (O,R) đường kính AB . Trên nửa đường tròn đường kính AB lấy hai điểm C và D sao cho $CD = R$. Gọi M là giao điểm của AC và BD , N là giao điểm AD và BC . Tính $\widehat{AMB}, \widehat{ANB}$.

HD:



Ta có: $OC = OD = CD = R \Rightarrow \triangle OCD$ đều

$$\Rightarrow \widehat{OCD} = 60^\circ \Rightarrow \text{sđ } \widehat{CD} = 60^\circ.$$

Ta có: \widehat{AMB} là góc có đỉnh nằm bên ngoài đường tròn chắn hai cung AB và CD

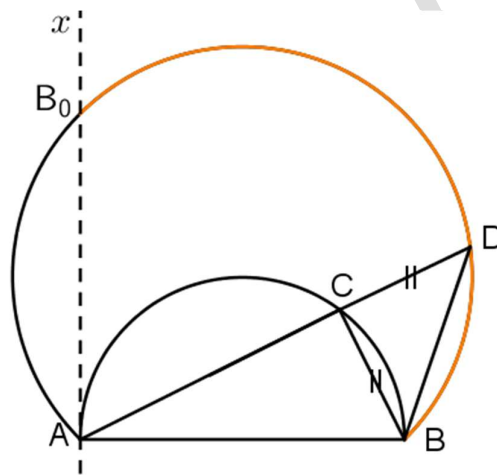
$$\Rightarrow \widehat{AMB} = \frac{1}{2} (\text{sđ } \widehat{AB} - \text{sđ } \widehat{CD}) = \frac{1}{2} (180^\circ - 60^\circ) = 60^\circ.$$

Ta có: \widehat{ANB} là góc có đỉnh nằm bên trong đường tròn chắn hai cung AB và CD

$$\Rightarrow \widehat{ANB} = \frac{1}{2} (\text{sđ } \widehat{AB} + \text{sđ } \widehat{CD}) = \frac{1}{2} (180^\circ + 60^\circ) = 120^\circ.$$

Câu 11. Cho nửa đường tròn đường kính AB cố định, C là một điểm trên nửa đường tròn, trên dây AC kéo dài lấy điểm D sao cho $CD = CB$. Tìm quỹ tích các điểm D khi C chạy trên nửa đường tròn đã cho.

HD:



a) **Phần thuận**

$$\widehat{ADB} = 45^\circ \text{ (Vì } \triangle BCD \text{ vuông cân)}$$

\Rightarrow D chuyển động trên cung chứa góc 45° dựng trên đoạn thẳng AB cố định.

Giới hạn quỹ tích

- Dây AC thay đổi phụ thuộc vị trí điểm C trên nửa đường tròn đường kính AB. AC lớn nhất bằng đường kính khi $C \equiv B$, khi đó $D \equiv B$, vậy B thuộc quỹ tích.

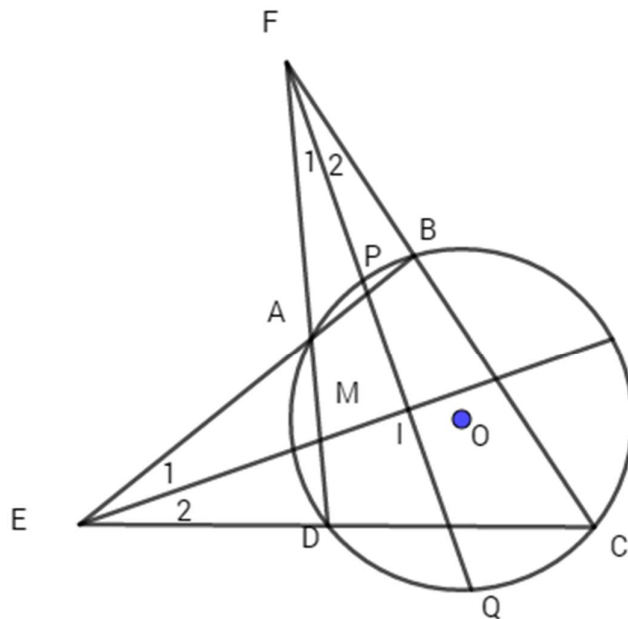
- AC nhỏ nhất bằng 0 khi $C \equiv A$, khi đó $D \equiv B_0$ (B_0 là giao của cung chứa góc 45° và tia tiếp tuyến Ax tại A của nửa đường tròn).

Phần đảo: Lấy D' tùy ý trên cung BB_0 , nối AD' cắt nửa đường tròn đường kính AB tại C' . Dễ chứng minh $C'D' = C'B$.

Kết luận: Quỹ tích các điểm D nằm trên cung chứa góc 45° dựng trên AB, trong nửa mặt phẳng bờ AB có chứa điểm C (bị giới hạn bởi tiếp tuyến Ax)

Câu 12. Từ điểm E bên ngoài đường tròn (O) kẻ hai cát tuyến EAB, EDC sao cho $AB < CD$. Tia DA và CB cắt nhau tại F. Tia phân giác của góc \widehat{CEB} và \widehat{CFD} cắt nhau tại I. Chứng minh $EI \perp IF$.

HD:



Gọi giao điểm của tia phân giác \widehat{CEB} với đường tròn là M và N

Gọi giao điểm của tia phân giác \widehat{DFC} với đường tròn là P và Q

$$\widehat{E}_1 = \widehat{E}_2 \text{ nên } \widehat{BN} - \widehat{AM} = \widehat{CN} - \widehat{DM}$$

$$\widehat{F}_1 = \widehat{F}_2 \text{ nên } \widehat{DQ} - \widehat{AP} = \widehat{CQ} - \widehat{BP}$$

Cộng vế với vế sau đó biến đổi ta được

$$\widehat{BN} + \widehat{DQ} + \widehat{DM} + \widehat{BP} = \widehat{CQ} + \widehat{AP} + \widehat{CN} + \widehat{AM}$$

$$\Rightarrow \widehat{PN} + \widehat{MQ} = \widehat{NQ} + \widehat{MP}$$

$$\Rightarrow \text{sđ}(\widehat{NQ} + \widehat{MP}) = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{QIN} = 90^\circ$$