

Toán lớp 8: Nền tảng chuyên

TÌM GTLN HOẶC GTNN CỦA PHÂN THỨC. TÍNH GIÁ TRỊ BIỂU THỨC  
Tài liệu lớp học Zoom 8A0 - 14h30 - 17h45 - Chiều chủ nhật - 23/26 Nguyên Hồng

Họ và tên: ..... Ngày học: .....

Câu 1. Tìm GTNN, hoặc GTLN của phân thức

a)  $A = \frac{6x-2}{3x^2+1}$

b)  $B = \frac{9x}{x^2+x+1}$

c)  $C = \frac{x^2-10x+7}{x^2-4x+4}$

Câu 2. Tính  $A = \frac{4x^5-12x^4y-xy^4+3y^5}{2x^3y^2-6x^2y^3+xy^4-3y^5}$  biết  $\frac{x}{y} = \frac{3}{5}$ .

Câu 3. Tìm giá trị phân thức

a)  $A = \frac{2x-3y}{2x+3y}$  với  $x^2-2xy=3y^2$  (với  $x+y \neq 0; y \neq 0; 2x+3y \neq 0$ ).

b)  $B = \frac{24xy}{49x^2-y^2}$  với  $7x^2+y^2=8xy$  và  $7x > y > 0$ .

Câu 4. Tìm giá trị phân thức

a)  $P = \frac{5x-4y}{5x+4y}$  với  $25x^2+16y^2=50xy$  và  $4y < 5x < 0$ .

b)  $Q = \frac{2x^2-3xy}{x^2+3y^2}$  với  $2x+y=11z$  và  $3x-y=4z$  và  $x \neq 0; y \neq 0$

Câu 5. Cho số x thỏa mãn  $x^2-5x+2=0$ , tính giá trị biểu thức

$P = x^5-x^4-18x^3+9x^2-5x+2021+(x^4-40x^2+4):x^2$ .

Câu 6. Cho  $A = \frac{a^2}{a+b} + \frac{b^2}{b+c} + \frac{c^2}{c+a} = 2021$ , và  $B = \frac{b^2}{a+b} + \frac{c^2}{b+c} + \frac{a^2}{c+a} - 3$ .

Tính  $\frac{A}{B}$

Câu 7. Cho  $A = \left( \frac{2x-1}{x+3} - \frac{x}{3-x} - \frac{3-10x}{x^2-9} \right) : \frac{x+2}{x-3}$ .

a) Tìm ĐK xác định và rút gọn A.

b) Tính giá trị A khi  $x^2-7x+12=0$ .

c) Tìm x nguyên để A nguyên dương.

Câu 8. Cho các số a,b,c khác nhau từng đôi, thỏa mãn

$a^2-2b=c^2-2a; b^2-2c=a^2-2b; c^2-2a=b^2-2c$

Tính  $A = (a+b+2)(b+c+2)(c+a+2)$ .

Câu 9. Tìm

a) GTLN của  $A = \frac{-x^2 + 4x - 4}{x^2 + 4}$

b) GTNN của  $B = \frac{3x^2 + 7x + 7}{x^2 + 3x + 5}$

**Giáo viên: Trần Tuấn Việt**