

Toán lớp 9: Nền tảng chuyên
DÙNG DELTA GIẢI PHƯƠNG TRÌNH NGHIỆM NGUYÊN
GIẢI HỆ PHƯƠNG TRÌNH - HỆ ĐỐI XỨNG LOẠI I VÀ ỨNG DỤNG
Tài liệu lớp học Zoom 9A0 - 18h - 21h15 - Tối chủ nhật - 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:..... Ngày học:.....

DÙNG DELTA GIẢI PT NGHIỆM NGUYÊN

Câu 1. Giải pt nghiệm nguyên $x^2 + xy + y^2 = 3x + y - 1$

Câu 2. Giải pt nghiệm nguyên $5x^2 + y^2 - 2xy + 2x - 2y = 4$

Câu 3. Giải phương trình nghiệm nguyên $x^2 + 2y^2 + 3xy + 3x + 5y = 14$.

Câu 4. Tìm nghiệm nguyên của phương trình $x^2 - xy - 6y^2 + 2x - 6y - 10 = 0$

Câu 5. Tìm nghiệm nguyên của phương trình $x^2 + 3y^2 + 4xy + 4y + 2x - 3 = 0$

Câu 6. Tìm nghiệm nguyên của phương trình $x^2 + 2y^2 - 2xy - 2x - 4y + 6 = 0$

Câu 7. Tìm nghiệm nguyên của phương trình : $(x^2 + y)(y^2 + x) = (x - y)^2$

Câu 8. Tìm nghiệm nguyên dương của hệ phương trình :
$$\begin{cases} x + y = z \\ x^3 + y^3 = z^2 \end{cases}$$

GIẢI HỆ PHƯƠNG TRÌNH- HỆ ĐỐI XỨNG LOẠI I và ỨNG DỤNG

* Hệ đối xứng loại 1 là hệ khi đổi chỗ x, y trong cùng 1 phương trình cho nhau thì phương trình vẫn không thay đổi (vai trò của x, y trong mỗi phương trình là bình đẳng).

VD:
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 4 \\ x^2y + xy^2 = 0 \end{cases}$$
 trong mỗi phương trình, khi đổi chỗ x và y (thay x bởi y, y bởi x) thì từng phương trình vẫn vậy.

Chú ý: Hệ có nghiệm $(x_0; y_0)$ thì cũng có nghiệm $(y_0; x_0)$

* PP giải: Thông thường ta hay đặt
$$\begin{cases} x + y = S \\ xy = P \end{cases}$$
 với ĐK: $S^2 \geq 4P$.

Câu 1. Giải hệ
$$\begin{cases} x + y = 5 \\ x^2y + xy^2 = 30 \end{cases}$$

Câu 2. Giải hệ
$$\begin{cases} x^3 + y^3 = 35 \\ x^2y + xy^2 = 30 \end{cases}$$

* Ứng dụng 1: Giải phương trình - Đặt ẩn phụ, đưa về hệ đối xứng loại 1.

Giải phương trình $\sqrt[n]{a-f(x)} \pm \sqrt[n]{b+f(x)} = c$

PP: Đặt $\sqrt[n]{a-f(x)} = u; \sqrt[n]{b+f(x)} = v$, khi đó ta có hệ:
$$\begin{cases} u \pm v = c \\ u^n + v^n = a+b \end{cases}$$

Câu 3. Giải phương trình $\sqrt[3]{1+2x} + \sqrt[3]{1-2x} = 2$.

Câu 4. Giải phương trình: $\frac{1}{x} + \frac{1}{\sqrt{2-x^2}} = 2$ (*)

* Ứng dụng 2: Đặt ẩn phụ đưa **HPT không đối xứng** về hệ đối xứng loại 1.

Câu 5. Giải hệ
$$\begin{cases} \sqrt{x+1} + \sqrt{y} = 4 \\ x+y = 7 \end{cases}$$

Câu 6. Giải hệ phương trình

a)
$$\begin{cases} x+y+xy = -1 \\ x^2+y^2-xy = 7 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x^2+xy+y^2 = 1 \\ x-y-xy = 3 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} x+y+xy = 5 \\ x^3+y^3 = 9 \end{cases}$$

Câu 7. Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} x^2+y^2 = 3-xy \\ x^4+y^4 = 2 \end{cases}$$

Câu 8. Giải hệ phương trình

a)
$$\begin{cases} x^2+y^2 = 18 \\ xy(x^2-y^2) = 72 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x^2+y^2+x+y = 18 \\ xy(x+1)(y+1) = 72 \end{cases}$$
 ; c)
$$\begin{cases} x^2+y^2 = 18 \\ xy(x^2-y^2) = 72 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x^2+4x+y = 18 \\ x(x+2)(2x+y) = 72 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} x^2+y^2+xy = 18 \\ xy(x+2y)(y-x) = 72 \end{cases}$$

Câu 9. Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} x^2+xy+y^2+2x+2y = 3 \\ xy+x+y = 1 \end{cases}$$

Câu 10. Giải các hệ

a)
$$\begin{cases} 2(x+y) = 3(\sqrt[3]{x^2y} + \sqrt[3]{xy^2}) \\ \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{y} = 6 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x+y + \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 4 \\ x^2+y^2 + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} = 4 \end{cases}$$

Câu 11. Giải hệ phương trình

a)
$$\begin{cases} \sqrt{x^2+y^2} + \sqrt{2xy} = 8\sqrt{2} \\ \sqrt{x} + \sqrt{y} = 4 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x+y - \sqrt{xy} = 3 \\ \sqrt{x+1} + \sqrt{y+1} = 4 \end{cases}$$

Giáo viên: Trần Ngọc Hà