

Toán lớp 9: Nền tảng chuyên  
CHUYÊN ĐỀ: THĂNG HÀNG

Tài liệu lớp học Zoom 9A0 - 18h - 21h15 - Tối chủ nhật - 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:..... Ngày học:.....

**Câu 1.** Cho tứ giác  $ABCD$  nội tiếp  $(O)$ . Gọi  $E$  là giao điểm của  $AB, CD$ .  $F$  là giao điểm của  $AC$  và  $BD$ . Đường tròn ngoại tiếp tam giác  $BDE$  cắt đường tròn ngoại tiếp tam giác  $FDC$  tại điểm  $K$  khác  $D$ . Tiếp tuyến của  $(O)$  tại  $B, C$  cắt nhau tại  $M$ .

- Chứng minh tứ giác  $BKCM$  nội tiếp
- Chứng minh  $E, M, F$  thẳng hàng.

**Câu 2.** Cho đường tròn  $(O)$  đường kính  $AB$ . Trên tiếp tuyến tại  $A$  của  $(O)$  lấy điểm  $C$ . Vẽ cát tuyến  $CDE$  (tia  $CD$  nằm giữa 2 tia  $CA, CO$ ,  $D, E \in (O)$ ,  $D$  nằm giữa  $C, E$ ). Gọi  $M$  là giao điểm của  $CO$  và  $BD$ ,  $F$  là giao điểm của  $AM$  và  $(O)$ ,  $F \neq A$

- Vẽ tiếp tuyến  $CN$  của  $(O)$ . Chứng minh  $CNMD$  là tứ giác nội tiếp
- Vẽ  $AH \perp OC$  tại  $H$ . Chứng minh  $ADMH$  là tứ giác nội tiếp.
- Chứng minh  $E, O, F$  thẳng hàng.

**Câu 3.** Cho tam giác nhọn  $ABC$  ( $AB > AC$ ). Đường tròn  $(I)$  đường kính  $BC$  cắt  $AB, AC$  tại  $F, E$ .  $BE$  cắt  $CF$  tại  $H$ .  $AH$  cắt  $BC$  tại  $D$ . Chứng minh các tứ giác  $BFHD, IFED$  nội tiếp.

**Câu 4.** Cho tam giác nhọn  $ABC$  các đường cao  $AD, BE, CF$  cắt nhau tại  $H$ . Vẽ  $HI \perp EF$  tại  $I, HK \perp DE$  tại  $K, IK \cap AD = M, FM \cap DE = N$ . Gọi  $S$  là điểm đối xứng của  $B$  qua  $D$ . Chứng minh tứ giác  $FIMH, HMNK$  nội tiếp và  $\widehat{MAN} = \widehat{DAS}$

**Câu 5.** Từ điểm  $A$  nằm ngoài đường tròn  $(O)$ . Vẽ hai tiếp tuyến  $AB, AC$  ( $B, C$  là hai tiếp điểm) và một cát tuyến  $ADE$  đến  $(O)$  sao cho ( $ADE$  nằm giữa 2 tia  $AO, AB$ ,  $D, E \in (O)$ ), Đường thẳng qua  $D$  song song với  $BE$  cắt  $BC, AB$  lần lượt tại  $P, Q$ . Gọi  $K$  là điểm đối xứng với  $B$  qua  $E$ . Gọi  $H, I$  là giao điểm của  $BC$  với  $OA, DE$

- Chứng minh  $OEDH$  là tứ giác nội tiếp.
- Ba điểm  $A, P, K$  thẳng hàng.

**Câu 6.** Từ điểm  $A$  nằm ngoài đường tròn  $(O)$ . Vẽ hai tiếp tuyến  $AB, AC$  ( $B, C$  là hai tiếp điểm). Từ điểm  $K$  nằm trên cung  $BC$  ( $K, A$  nằm cùng phía  $BC$ ) dựng tiếp tuyến cắt  $AB, AC$  tại  $M, N$ .  $BC$  cắt  $OM, ON$  tại  $P, Q$ . Gọi  $I$  là giao điểm của  $MQ, NP$ . Chứng minh  $MBOQ, NCOP$  là các tứ giác nội tiếp.

**Câu 7.** Cho tam giác  $ABC$  ngoại tiếp  $(O)$ . Gọi  $Q, R$  là tiếp điểm của  $(O)$  với  $AB, AC$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $BC, CA$ . Đường thẳng  $BO$  cắt  $MN$  tại  $P$ .

- a) Chứng minh  $ORPC$  là tứ giác nội tiếp
- b) Ba điểm  $P, Q, R$  thẳng hàng.

**Giáo viên: Thầy Mẫn**

Toán lớp 9: Nền tảng chuyên  
ỨNG DỤNG HỆ PHƯƠNG TRÌNH LOẠI 2  
GIẢI HỆ PHƯƠNG TRÌNH - HỆ ĐẲNG CẤP

Tài liệu lớp học Zoom 9A0 - 18h - 21h15 - Tối chủ nhật - 23/26 Nguyễn Hồng

Họ và tên:..... Ngày học:.....

ỨNG DỤNG HỆ PHƯƠNG TRÌNH LOẠI 2

2. Ứng dụng hệ đối xứng loại hai:

Giải phương trình dạng  $x^n + b = a^n\sqrt[n]{ax-b}$  bằng cách đặt ẩn phụ đưa về hệ đối xứng loại hai.

PP: Đặt  $y = \sqrt[n]{ax-b}$ , ta có hệ: 
$$\begin{cases} x^n + b = ay \\ y^n + b = ax \end{cases}$$

Câu 1. Giải phương trình

a)  $x^2 - 4 = 3\sqrt{3x+4}$

b)  $x^3 + 1 = 2\sqrt[3]{2x-1}$

Câu 2. Giải phương trình  $4x^2 + 4x - 3 = 2\sqrt{4x+6}$

GIẢI HỆ PHƯƠNG TRÌNH - HỆ ĐẲNG CẤP

1. Phương trình đẳng cấp

Câu 3. Giải phương trình

a)  $x^2 + xy - 6y^2 = 0$

b)  $x^3 - 2x^2y - 5xy^2 + 6y^3 = 0$

2. Hệ đẳng cấp bậc 2 có dạng 
$$\begin{cases} a_1x^2 + b_1xy + c_1y^2 = d_1 \\ a_2x^2 + b_2xy + c_2y^2 = d_2 \end{cases}$$

Câu 4. Giải hệ 
$$\begin{cases} 2x^2 - xy - y^2 = 8 \\ x^2 + xy - 3y^2 = 3 \end{cases}$$

Câu 5. Giải hệ 
$$\begin{cases} x^3 + y^3 = 1 \\ x^2y + 2xy^2 + y^3 = 2 \end{cases}$$

3. Biến đổi đưa về hệ đẳng cấp

Câu 6. Giải hệ 
$$\begin{cases} \frac{x}{y}(x^2 + y^2) = \frac{5}{2} \\ \frac{y}{x}(x^2 - y^2) = -6 \end{cases}$$

Câu 7. Giải hệ 
$$\begin{cases} x^2 - y^2 + 2y = 9 \\ x^2 + xy + y^2 - x - 2y = 12 \end{cases}$$

#### 4. Hệ phương trình có tích hai vế đẳng cấp.

Đây là những hệ phương trình có dạng:

$$\begin{cases} f_1(x; y) = f_2(x; y) \\ g_1(x; y) = g_2(x; y) \end{cases} \text{ với } f_1; f_2; g_1; g_2 \text{ là các hàm số đẳng cấp thỏa mãn:}$$

Bậc của  $f_1 \cdot g_1$  bằng bậc của  $f_2 \cdot g_2$

Để giải hệ phương trình này, ta nhân từng vế của hệ để được một phương trình đẳng cấp:

$$f_1(x; y) \cdot g_1(x; y) = f_2(x; y) \cdot g_2(x; y)$$

Đến đây ta đặt  $x = ky$ , thay vào giải ra  $k$ . Sau đó thay  $k$  vào hệ phương trình ban đầu giải ra  $x; y$

**Câu 8.** Giải hệ 
$$\begin{cases} x^2 + xy + y^2 = 3 \\ x^3 + 2y^3 - 2x - y = 0 \end{cases}$$

**Câu 9.** Giải hệ 
$$\begin{cases} x^3 - y^3 - 8x = 2y \\ x^2 - 3y^2 = 6 \end{cases}$$

**Câu 10.** Chuyên sư phạm HN

Giải hệ phương trình nghiệm hữu tỉ 
$$\begin{cases} x^3 - 2y^3 = x + 4y \\ 6x^2 - 19xy + 15y^2 = 1 \end{cases}$$

**Giáo viên: Trần Ngọc Hà**