

TÀI LIỆU TOÁN NÂNG CAO LỚP 11
ÔN TẬP GIỮA KÌ 2
Liên hệ đăng kí học: 0832.64.64.64

Họ và tên:..... Ngày học:.....

LŨY THỪA VỚI SỐ MŨ THỰC - HÀM SỐ MŨ - LOGA

Câu 1. Cho hàm số $f(x) = \frac{9^x - 2}{9^x + 3}$. Gọi $S = f\left(\frac{1}{2018}\right) + f\left(\frac{2}{2018}\right) + f\left(\frac{3}{2018}\right) + \dots + f\left(\frac{2017}{2018}\right) + f\left(\frac{2018}{2018}\right)$.

b) Nếu $f(x) = \frac{9^x - 2}{9^x + 3}$ thì $f(1-x) = \frac{9^{1-x} - 2}{9^{1-x} + 3}$.

c) Nếu $x + y = 1$ thì $f(x) + f(y) = \frac{1}{2}$.

d) $S = \frac{1347}{4}$.

Câu 2. Cho $x > 0, y > 0$, biết biểu thức $P = \frac{x^{\frac{7}{6}}y + xy^{\frac{7}{6}}}{\sqrt[6]{x} + \sqrt[6]{y}} = x^m y^n$. Giá trị của biểu thức $m + n$ bằng bao nhiêu?

Câu 3. Cho $P = \left(x^{\frac{1}{2}} - y^{\frac{1}{2}}\right)^2 \left(1 - 2\sqrt{\frac{y}{x} + \frac{y}{x}}\right)^{-1}$ với $x > 0, y > 0, x \neq y$. Giá trị của biểu thức P với:

$x = 3, y = 2003^{2004}$ bằng bao nhiêu?

Câu 6. Cho $\log_{0,2} x > \log_{0,2} y$. Chọn khẳng định đúng.

A. $x > y > 0$

B. $x > y \geq 0$

C. $y > x > 0$

D. $y > x \geq 0$

Câu 10. Cho $a > 0, b > 0$ và hàm số $f(x) = \frac{x^{2024}}{x^{2024} + 1}$ với $x > 0$. Biết m, n là các số thực thỏa mãn

$\frac{1}{a} = a^m, \sqrt{b} \cdot \sqrt[3]{b\sqrt{b}} = b^n$. Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) $m = -1$.

b) $n = \frac{3}{2}$

c) $\frac{b^n \sqrt{a^m} + a^m \sqrt{b^n}}{\sqrt{a^m} + \sqrt{b^n}} = \sqrt{\frac{b}{a}}$

d) Nếu $f(a) + f(b) = \frac{1}{2}$ thì $f(a^m) + f(b^{-n}) = \frac{1}{2}$

Câu 11. Cho các số a, b, c, d thỏa mãn $0 < a < b < 1 < c < d$. Các mệnh đề sau **đúng** hay **sai**?

a) $\log_c d > 0$.

b) $\log_a c < \log_a d$.

c) Số lớn nhất trong 4 số $\log_a b, \log_b c, \log_c d, \log_d a$ là $\log_c d$.

d) $\log_a d \cdot \log_b d + \log_b d \cdot \log_c d + \log_c d \cdot \log_a d = \frac{\log_a d \cdot \log_b d \cdot \log_c d}{\log_{abc} d + 1}$.

Câu 12. Gọi S là tập nghiệm của phương trình $2^{x-x} + 2^{x-x-2} = 4^{x-x-1} + 1$. Số phần tử của tập S là?

Câu 13. Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị của tham số m để bất phương trình

$\log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 3x + m) < \log_{\frac{1}{3}}(x - 1)$ có tập nghiệm chứa khoảng $(1; +\infty)$. Khi đó tập S là?

Câu 14. Tìm số tự nhiên m để hàm số $y = \frac{1}{\sqrt{2m+1-x}} + \log_3 \sqrt{x-m}$ xác định trên $(2; 3)$.

Thầy Trần Tuấn Việt

Câu 6 (trả lời đúng sai). Cho hình chóp S.ABC có đáy là tam giác vuông tại B, cạnh bên SA vuông góc với mặt phẳng đáy, H là hình chiếu của B lên AC, $AB = 2a$, $\widehat{BAC} = 60^\circ$ và $SA = a\sqrt{2}$.

- a) $BC \perp (SAB)$
- b) $BH \perp (SAC)$
- c) Góc giữa đường thẳng SB và mặt phẳng (SAC) là \widehat{SBH} .
- d) Góc giữa đường thẳng SB và mặt phẳng (SAC) là 30° .

Câu 7 (Trả lời ngắn điền kết quả). Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông cạnh a, $SD = a$ và SD vuông góc với mặt phẳng đáy. Khi đó, góc giữa đường thẳng SA và mặt phẳng (SBD) bằng

Câu 8 (Trả lời ngắn điền kết quả). Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình chữ nhật, $AB = a$; $AD = \frac{a\sqrt{3}}{2}$. Mặt bên SAB là tam giác cân đỉnh S và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng (ABCD). Biết $\widehat{ASB} = 120^\circ$. Góc giữa hai mặt phẳng (SAD) và (SBC) bằng.....

Câu 9 (Trả lời ngắn điền kết quả). Cho hình lập phương ABCD.A'B'C'D'. Gọi M, N, P lần lượt là trung điểm các cạnh AB, BC, C'D'. Góc giữa hai đường thẳng MN và AP có số đo bằng.....

Câu 10 (Chọn ý đúng sai). Cho hình chóp S.ABC có $SA \perp (ABC)$ và $SA = a\sqrt{5}$, đáy là tam giác vuông tại A với $AB = a$, $AC = 2a$. Dựng AK vuông góc BC và AH vuông góc SK.

- a) Hai đường thẳng BC và AH vuông góc với nhau.
- b) Đường thẳng AH vuông góc với mặt phẳng (SBC)
- c) Đoạn thẳng AK có độ dài bằng $\frac{a\sqrt{5}}{5}$
- d) Tan góc giữa đường thẳng SA và mặt phẳng (SBC) bằng $\frac{2}{5}$.

Câu 11. Cho hình chóp tứ giác đều S.ABCD với tất cả các cạnh bằng a. Gọi G là trọng tâm tam giác SCD.

- a) Chứng minh rằng $SO \perp (ABCD)$
- b) Tính tan góc giữa AG và (ABCD) bằng.

Thầy Trần Ngọc Hà