

ÔN THI VÀO 10 MÔN TOÁN
HƯỚNG DẪN ĐỀ BÀI TẬP VỀ NHÀ
Liên hệ đăng kí học: 0832.64.64.64

CA 1

Câu 5. Cho a, b là các số dương thỏa mãn: $2b \geq ab + 4$. Tìm GTLN của $P = \frac{ab}{a^2 + 2b^2}$

HD:

$$2b \geq ab + 4 \geq 4\sqrt{ab} \Rightarrow \frac{4\sqrt{ab}}{2b} \leq 1 \Rightarrow \sqrt{\frac{a}{b}} \leq \frac{1}{2} \Rightarrow t = \frac{a}{b} \leq \frac{1}{4}$$

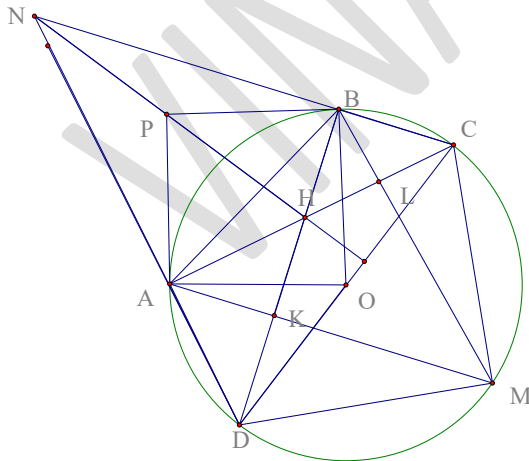
$$P = \frac{ab}{a^2 + 2b^2} = \frac{1}{\frac{a}{b} + \frac{2b}{a}} = \frac{1}{t + \frac{2}{t}} \Rightarrow \frac{1}{P} \geq t + \frac{2}{t} = t + \frac{1}{16t} + \frac{31}{16t} \geq 2 \cdot \frac{1}{4} + \frac{31}{16 \cdot \frac{1}{4}} = \frac{33}{4} \Rightarrow P \leq \frac{4}{33}$$

CA 2

Câu 6. Cho đường tròn (O;R) có dây $AB = R\sqrt{2}$, M là điểm chuyển động trên cung lớn AB sao cho tam giác MAB nhọn. Gọi H là trực tâm tam giác MAB, C, D lần lượt là giao điểm thứ 2 của AH và BH với đường tròn (O). Giải sử N là giao của BC và AD

- Tính số đo góc AOB, góc MCD
- Chứng minh CD là đường kính của đường tròn (O) và HN có độ dài không đổi
- Chứng minh HN luôn đi qua điểm cố định

HD:



Gọi K; L lần lượt là chân đường cao hạ từ B; A của tam giác ABM

a) có $OA^2 + OB^2 = 2R^2 = AB^2 \Rightarrow$ Tam giác OBA vuông tại O \Rightarrow góc AOB = 90° có góc BMA = $45^\circ \Rightarrow \triangle BKM$ vuông cân tại K \Rightarrow góc DBM = $45^\circ \Rightarrow$ góc DCM = 45° (1)

b) tương tự ta có $\triangle ALM$ vuông cân tại L \Rightarrow gócLAM = $45^\circ =$ gócCDM (2)

Từ (1) và (2) $\Rightarrow \triangle DCM$ vuông tại $M \Rightarrow CD$ là đường kính của (O)

$\triangle NHB$ và $\triangle DCB$ có góc $BNH = \text{góc} BDC \Rightarrow \triangle NHB$ đồng dạng $\triangle DCB$ (g-g)

$$\Rightarrow NH / DC = HB / BC \quad (3)$$

Lại có $\triangle HBC$ vuông tại C mà góc $BCA = 1/2$ góc $AOB = 45 \Rightarrow \triangle HBC$ vuông cân tại B

$$\Rightarrow BH = HC \quad (4)$$

Từ (3) và (4) $\Rightarrow NH / DC = 1 \Rightarrow NH = CD$ không đổi.

c) Gọi P là trung điểm của NH

$$\Rightarrow PB = PA = 1/2 NH (\triangle AHN \text{ và } \triangle BHN \text{ vuông tại } A \text{ và } B)$$

$$\text{Mà } OB = OA = 1/2 CD$$

$$\Rightarrow OB = OA = PA = PB \text{ (vì } CD = HN \text{)}$$

Lại có góc $AOB = 90$

$$\Rightarrow OBPA \text{ là hình vuông, mà } B ; O; \text{ không đổi } \Rightarrow P \text{ không đổi } \Rightarrow PO = AB = R\sqrt{2} \text{ không đổi.}$$

Vậy NH luôn đi qua điểm P cố định