

TÀI LIỆU TOÁN CƠ BẢN, NÂNG CAO LỚP 8
HƯỚNG DẪN BÀI TẬP VỀ NHÀ
Liên hệ đăng kí học: 0832.64.64.64

Câu 8. Cho tam giác MNP vuông tại M, đường cao MH, trung tuyến MD. Biết MN = 6cm, MP = 8cm

- Tính NP, MH.
- Chứng minh: $\triangle MHN \sim \triangle PMN$.
- Chứng minh: $MH.MP = MN.PH$.
- Tính diện tích tam giác MHD.

HD:

- Tính NP, MH.

Áp dụng pitago cho tam giác vuông MNP ta có:

$$NP^2 = MN^2 + MP^2 \Rightarrow NP = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10\text{cm}.$$

Ta có: Do $S_{MNP} = \frac{1}{2} MN.MP$

$$S_{MNP} = \frac{1}{2} MH.NP$$

$$\Rightarrow MH.NP = MN.MP.$$

$$\Rightarrow MH = \frac{MN.MP}{NP} = 4,8\text{cm}$$

- Chứng minh: $\triangle MHN \sim \triangle PMN$.

Xét tam giác MHN và PMN có:

$$\widehat{MHN} = \widehat{PMN} = 90^\circ$$

Góc MNP chung

Nên $\triangle MHN \sim \triangle PMN$ (gg)

- Chứng minh: $MH.MP = MN.PH$.

Chứng minh tương tự phần b ta có $\triangle MHP \sim \triangle NMP$ (gg)

$$\Rightarrow \frac{MH}{MN} = \frac{PH}{MP} \Rightarrow MH.MP = MN.PH \text{ (đpcm)}$$

- Tính diện tích tam giác MHD.

Từ kết quả câu c) $MH.MP = MN.PH \Rightarrow PH = \frac{MH.MP}{MN} = \frac{8.4,8}{6} = 6,4\text{cm}.$

Diện tích tam giác MHP: $s_{MHP} = \frac{1}{2} MH.HP = \frac{1}{2} .4,8.6,4 = 15,36\text{cm}^2$

Diện tích tam giác MDP: $s_{MDP} = \frac{1}{2} MH.DP = \frac{1}{2} .4,8.5 = 12\text{cm}^2$

Diện tích tam giác MHD: $s_{MHD} = s_{MHP} - s_{MDP} = 15,36 - 12 = 3,36\text{cm}^2$

