

ÔN THI VÀO 10 MÔN TOÁN
CHỨNG MINH ĐI QUA ĐIỂM CỐ ĐỊNH
Liên hệ đăng kí học: 0832.64.64.64

Họ và tên:.....Ngày học:.....

Câu 5. Cho hai đường tròn $(O; R)$ và $(O'; R')$ cắt nhau tại hai điểm phân biệt A và B. Từ một điểm C thay đổi trên tia đối của tia AB. Vẽ các tiếp tuyến CD; CE với đường tròn tâm O (D; E là các tiếp điểm và E nằm trong đường tròn tâm O'). Hai đường thẳng AD và AE cắt đường tròn tâm O' lần lượt tại M và N (M và N khác với điểm A). Đường thẳng DE cắt MN tại I. Chứng minh rằng:

- $MI \cdot BE = BI \cdot AE$
- Khi điểm C thay đổi thì đường thẳng DE luôn đi qua một điểm cố định.

Câu 6. Cho đường tròn $(O; R)$ có dây $AB = R\sqrt{2}$, M là điểm chuyển động trên cung lớn AB sao cho tam giác MAB nhọn. Gọi H là trực tâm tam giác MAB, C, D lần lượt là giao điểm thứ 2 của AH và BH với đường tròn (O). Giả sử N là giao của BC và AD

- Tính số đo góc AOB, góc MCD
- Chứng minh CD là đường kính của đường tròn (O) và HN có độ dài không đổi
- Chứng minh HN luôn đi qua điểm cố định

Câu 7. Cho đường tròn $(O; R)$ và dây cung AB cố định, $AB = R\sqrt{2}$. Điểm P di động trên dây AB (P khác A và B). Gọi $(C; R_1)$ là đường tròn đi qua P và tiếp xúc với đường tròn $(O; R)$ tại A, $(D; R_2)$ là đường tròn đi qua P và tiếp xúc với đường tròn $(O; R)$ tại B. Hai đường tròn $(C; R_1)$ và $(D; R_2)$ cắt nhau tại điểm thứ hai là M.

- Trong trường hợp P không trùng với trung điểm dây AB, chứng minh $OM \parallel CD$ và 4 điểm C, D, O, M cùng thuộc một đường tròn
- Chứng minh khi P di động trên dây AB thì điểm M di động trên đường tròn cố định và đường thẳng MP luôn đi qua một điểm cố định N

Thầy Trần Ngọc Hà

ÔN THI VÀO 10 MÔN TOÁN
TỔNG ÔN
Liên hệ đăng kí học: 0832.64.64.64

Họ và tên:..... Ngày học:.....

Câu 1. Cho phương trình $x^2 - x + m + 1 = 0$ (m là tham số). Gọi x_1, x_2 là 2 nghiệm phân biệt của phương trình. Tìm các giá trị của m sao cho $x_1^2 + x_1x_2 + 3x_2 = 7$.

Câu 2. Tìm m nguyên để phương trình: $x^2 - (2m + 1)x + m^2 + m = 0$ có hai nghiệm $x_1; x_2$ thỏa mãn $-2 < x_1 < x_2 < 4$.

Câu 3. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $(d): y = mx + 5$.

a) Chứng minh đường thẳng (d) luôn đi qua điểm $A(0;5)$ với mọi giá trị của m .

b) Tìm tất cả các giá trị của m để đường thẳng (d) cắt parabol $(P): y = x^2$ tại hai điểm phân biệt có hoành độ lần lượt là x_1, x_2 (với $x_1 < x_2$) sao cho $|x_1| > |x_2|$.

Câu 4. Cho $x, y > 0$ và $x + y \geq 4$. Tìm giá trị nhỏ nhất của $A = \frac{3x^2 + 4}{4x} + \frac{2 + y^3}{y^2}$

Câu 5. Hà nội 2019. Tìm GTNN của $P = \sqrt{1-x} + \sqrt{1+x} + 2\sqrt{x}$.

Câu 6. Hà Nội 2020. Cho biểu thức $P = a^4 + b^4 - ab$ với a, b là các số thực thỏa mãn $a^2 + b^2 + ab = 3$. Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của P .

Câu 7. Hà Nội 2021. Với các số thực a và b thỏa mãn $a^2 + b^2 = 2$, tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = 3(a + b) + ab$.

Thầy Trần Tuấn Việt