

TOÁN CƠ BẢN NÂNG CAO LỚP 8
ĐỀ BÀI TẬP VỀ NHÀ
Liên hệ đăng kí học Toán trực tuyến : 0932393956

Ca 1

Câu 5. Cho tam giác ABC, đường phân giác AD.

- a) Chứng minh rằng $AB > BD$.
- b) Trên cạnh AB lấy điểm E sao cho $BE = BD$. Qua E kẻ đường thẳng song song với BC, cắt AC ở F. Chứng minh rằng $CD = CF$.

Hướng dẫn

- a) Tam giác ADB có $\angle ADB > \angle DAC = \angle DAB$ nên $AB > BD$.
- b) Tam giác BDE cân nên $\angle BED = \angle BDE$. Suy ra $\angle BED = \angle DEF$.

Tam giác AEF có D là giao điểm của tia phân giác của góc A và tia phân giác của góc ngoài đỉnh E nên DF là tia phân giác của góc ngoài đỉnh F, suy ra $\angle CFD = \angle DFE$.

Ta lại có $\angle FDC = \angle DFE$ (so le trong, $EF \parallel BC$) nên $\angle CFD = \angle FDC$. Do đó $CD = CF$.

Ca 2

Câu 1. Thực hiện phép chia:

- a) $(x^3 - 2x^2 - 5x + 6) : (x + 2)$;
- b) $(3x^5y^4z^3 + 8x^3y^5z) : (xy^2z)^2$
- c) $(2x^4 - 7x^3 + 4x^2 - 25x + 3) : (x^2 - 2x + 3)$.

Hướng dẫn

a)
$$\begin{array}{r|l} x^3 - 2x^2 - 5x + 6 & x + 2 \\ -x^3 + 2x^2 & x^2 - 4x + 3 \\ \hline -4x^2 - 5x + 6 & \\ -4x^2 - 8x & \\ \hline 3x + 6 & \\ -3x + 6 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

c)
$$\begin{array}{r|l} 2x^4 - 7x^3 + 4x^2 - 25x + 3 & x^2 - 2x + 3 \\ 2x^4 - 4x^3 + 6x^2 & 2x^2 - 3x - 8 \\ \hline -3x^3 - 2x^2 - 25x + 3 & \\ -3x^3 + 6x^2 - 9x & \\ \hline -8x^2 - 16x + 3 & \\ -8x^2 + 16x - 24 & \\ \hline -32x + 27 & \end{array}$$

b)
$$(3x^5y^4z^3 + 8x^3y^5z) : (xy^2z)^2 = (3x^5y^4z^3 + 8x^3y^5z) : (x^2y^4z^2)$$

$$= (3x^5y^4z^3 : x^2y^4z^2) + (8x^3y^5z : x^2y^4z^2) = 3x^3z^2 + 8xyz^{-1}$$

Câu 2.

a) Tìm số a sao cho $f(x) = 10x^2 - 7x + a$ chia hết cho $2x - 3$.

b) Xác định b biết rằng $g(x) = ax^2 + bx + c$ khi chia cho $x - 1$ hoặc $x + 1$ đều có cùng một đa thức dư.

Hướng dẫn

a) a chia hết cho . Số dư chính là $f(3/2)$, thay vào tính được a.

b) Gọi Thương của phép chia $g(x)$ khi chia cho $x - 1$ hoặc $x + 1$ lần lượt là $h_1(x)$ và $h_2(x)$ và đa thức dư là $r(x)$

Ta có: $ax^2 + bx + c = (x-1).h_1(x) + r(x)$ (1)

$ax^2 + bx + c = (x+1).h_2(x) + r(x)$ (2)

Với $x=1$ từ (1) $\Rightarrow a+b+c=r(x)$

Với $x=-1$ từ (2) $\Rightarrow a-b+c=r(x)$. Từ đây tìm được $b=0$.