

TOÁN BỒI DƯỠNG HỌC SINH GIỎI LỚP 8
NGUYÊN LÝ DIRICHLET (PHẦN 1)
Liên hệ đăng kí học Toán trực tuyến: 0932393956

Bài 1. Cho 2024 số tùy ý. Chứng minh rằng ta có thể chọn được một số hoặc một số số nào đó mà tổng của chúng chia hết cho 2024.

Bài 2. Cho M là tập hợp gồm 700 số nguyên dương khác nhau. Mỗi số không lớn hơn 2024. Chứng minh rằng trong tập M luôn tìm được hai phần tử x, y sao cho $x - y$ thuộc tập $N = \{3, 6, 9\}$.

Bài 3. Chứng minh rằng trong 17 số nguyên tùy ý ta luôn chọn được 9 số có tổng chia hết cho 9.

Bài 4. Chứng minh rằng tồn tại số tự nhiên k sao cho $2027^k - 1$ chia hết cho 10^5 .

Bài 5. Chứng minh từ $n+1$ số dương khác nhau nhỏ hơn $2n$, ta có thể chọn được ba số sao cho tổng hai số trong chúng bằng số thứ ba.

Bài 6. Cho p là số nguyên tố lớn hơn 5. Chứng minh rằng tồn tại một số có dạng $111\dots 1$ chia hết cho p .

Bài 7. Cho k là một số tự nhiên, A là tập gồm $k+1$ số tự nhiên. Chứng minh rằng có ít nhất một hiệu hai phần tử trong A chia hết cho k .

Bài 8. Xét tập $A = \{a_1, a_2, \dots, a_{101}\}$ trong đó a_1, a_2, \dots, a_{101} là các số tự nhiên không lớn hơn 200. Chứng minh trong tập A tồn tại hai số a, b mà a chia hết cho b .

Bài 9. Xét tập $A = \{1; 2; \dots; 2024\}$. Chứng minh rằng trong 1519 phần tử bất kì của tập A luôn tồn tại ba phần tử a, b, c mà a chia hết cho b và b chia hết cho c .

Bài 10. Lớp 8M học online tại trung tâm Vinastudy có 33 học sinh. Bạn học sinh thứ k viết số 2023^{2024} thành tổng của một số số nguyên dương và tính tổng các chữ số của các số nguyên dương đó được kết quả là $a_k (k = 1, 2, \dots, 33)$. Chứng minh rằng trong các số a_1, a_2, \dots, a_{33} luôn tồn tại các số $a_m, a_n, a_h, a_i, a_j, a_r$ sao cho: $a_m + a_n + a_h - a_i - a_j - a_r$ chia hết cho 90.

BTVN: Chứng minh nếu các số nguyên m, n nguyên tố cùng nhau thì tồn tại số tự nhiên k sao cho $m^k - 1$ chia hết cho n .

Giáo viên: Thầy Lê Tiến Đạt